



Concours d'accès en 1^o Année des Classes Préparatoires de l'ENSA Tanger (Edition 2012)

Epreuve de Mathématiques

Durée de l'épreuve : 1h 15mn

(Trois pages et une fiche réponse à remettre au surveillant, dûment remplie à la fin de l'épreuve)

CALCULATRICE NON AUTORISEE

Parmi les réponses proposées, une seule est juste. Pour chaque question, répondre sur la fiche réponse par une croix dans la case correspondante.
(Barème : une réponse juste : +1 ; une réponse fausse : -1 ; pas de réponse : 0)

<p>1) Soit L une liste finie d'entiers relatifs consécutifs dont le premier terme est -15. $L = \{-15, -14, \dots\}$. Si la somme de tous les éléments de L est égale à 51 alors le nombre total des termes de la liste L est égale</p>	<p>a) 34 b) 50 c) 18</p>
<p>2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(-1)^n 3^{n+1}}{\pi^n} =$</p>	<p>a) 3 b) 0 c) $\frac{3}{\pi}$</p>
<p>Soit $Z_n = \sum_{k=1}^n \frac{e^{k-1}}{\pi^{k+1}}$; alors $\lim_{n \rightarrow \infty} Z_n =$</p>	<p>a) $+\infty$ b) $\frac{1}{\pi(\pi-e)}$ c) $\frac{1}{\pi-e}$</p>
<p>3) Une entreprise de fabrication de mixeurs a adopté pour l'année 2012 la stratégie de production suivante : la production connaît une diminution mensuelle de 10%; mais grâce à une commande destinée à l'export, l'entreprise produira chaque mois 150 mixeurs de plus. On note à présent par t_n la production de l'usine relative au mois N^en. L'expression reliant t_{n+1} et t_n est donnée par</p>	<p>a) $t_{n+1} = 0,1t_n - 150$ b) $t_{n+1} = 0,9t_n + 150$ c) $t_{n+1} = 0,1t_n$</p>

<p>5) suite de la question 4). A Long terme la production mensuelle des mixeurs est estimée à $P =$</p>	<p>a) $P = 10$ mixeurs b) $P = 90$ mixeurs c) $P = 1500$ mixeurs</p>
<p>6) Soit $(u_n)_{n \geq 0}$ une suite numérique à termes strictement positifs ($u_n > 0$) vérifiant $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{1}{2}$. Alors $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = L$ avec</p>	<p>a) $L = \frac{1}{2}$ b) $L = 0$ c) $0 < L < \frac{1}{2}$</p>
<p>7) Soit $T_n = \sum_{p=1}^n 2^{\frac{1}{2p-1}} - 2^{\frac{1}{2p+1}}$; alors $\lim_{n \rightarrow \infty} T_n =$</p>	<p>a) 1 b) 0 c) $+\infty$</p>

<p>8) On considère la courbe représentative de la fonction $f(x) = e^{-x^2}$. On désigne par $R(x)$, $x > 0$ le rectangle symétrique inscrit à l'intérieur de la courbe et dont l'un des côtés est le segment d'extrémités $(-x, 0)$ et $(x, 0)$. La surface maximale de ce rectangle est égale à</p>	<p>a) $\sqrt{2}e$ b) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ c) $\sqrt{\frac{2}{e}}$</p>	<p>Soit $(V_n)_{n \geq 3}$ la suite définie par 14) $V_n = \int_1^n \frac{1}{x\sqrt{(\ln x)^3}} dx$ Alors $\lim_{n \rightarrow \infty} V_n =$</p>
<p>9) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin \pi x}{1 - \cos \sqrt{\pi x}} =$</p>	<p>a) 0 b) 2 c) $\sqrt{\pi}$</p>	<p>a) $y = \frac{8}{\pi}x - 2$ b) $y = \frac{\pi}{4}(x-1)$ c) $y = \frac{\pi}{2}x - 1$</p>
<p>10) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{h} \int_1^{e+h} \frac{1}{(\ln x)^2} dx =$</p>	<p>a) 1 b) e c) 0</p>	<p>16) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{\cos^2 x + 4 \sin^2 x} =$</p>
<p>11) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \ln \frac{1 + \sin x}{1 + \cos x} dx =$</p>	<p>a) $\frac{\sqrt{\pi}}{\pi}$ b) 0 c) $\ln \pi$</p>	<p>a) $\frac{\ln 2}{2}$ b) $\frac{1}{2} \operatorname{arctg} 2$ c) $\frac{1}{2}$</p>
<p>12) $\int_{-1}^2 \frac{dx}{4x^2 + 4x + 5}$</p>	<p>a) $\frac{\pi}{16}$ b) $\frac{\pi\sqrt{3}}{18}$ c) $\frac{\sqrt{\pi}}{6}$</p>	<p>17) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!} =$</p>
<p>13) La surface formée par la courbe de $f(x) = (\ln x)^2$ et par les droites $x = 1$ et $x = e$ est égale</p>	<p>a) e b) $3e - 2$ c) $e - 2$</p>	<p>a) 0 b) $\frac{1}{2}$ c) $+\infty$</p>
<p>18) Soit $B = \{u, v, w\}$ une base de $(\mathbb{R}^3, +, \cdot)$. On considère les familles suivantes $E = \{u + v, v + w, u + w\}$ $N = \{u, v, u + w\}$ $S = \{-u, v + w, v - u + w\}$ $A = \{u - v - w, u + v + w, u\}$ Alors laquelle (ou lesquelles) des familles forme une base ?</p>	<p></p>	<p>a) Toutes les 4 b) Seulement E c) Seulement E et N</p>

<p>19) Soit $S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x + 2y = 0\}$. Lequel des systèmes suivants forme une base pour E ?</p>	<p>a) $\{(-2, 1, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$ b) $\{(-2, 1, 0); (0, 0, 1)\}$ c) $\{(-2, 1, 0)\}$</p>	<p>22) $\sqrt{12345^2 - 12343 \times 12347} =$</p>	<p>a) 4 b) 2 c) 42</p>
<p>On considère les ensembles suivants $E = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x + yz = 0\}$ $N = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / xyz = 0\}$</p> <p>20) $S = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z = 2\}$ $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x + y = z\}$</p> <p>Lesquels parmi ces ensembles sont des sous espaces vectoriels de \mathbb{R}^3 ?</p>	<p>a) Seulement A b) Seulement A et N c) Tous E, N, S et A</p>	<p>23) $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt[2]{2})(\sqrt[4]{2})(\sqrt[8]{2}) \cdots (\sqrt[2^n]{2}) =$</p> <p>24) Si $\int_0^x h(t)dt = x \arctan x$ alors $h(1) =$</p>	<p>a) 1 b) 2 c) $\sqrt{2}$</p> <p>a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{\pi}{4}$ c) $\frac{\pi+2}{4}$</p>
<p>21) Soit A une matrice carrée d'ordre n vérifiant $A^2 = 2I_n - A$ (I_n est la matrice identité) On considère les égalités suivantes (I) $\det A = 0$ (II) $A^{-1} = \frac{1}{2}(A + I_n)$ (III) $\det A \neq 0$ (IV) $A^{-1} = 2I_n + A$ (V) $\det(A + I_n) = \frac{2}{\det A}$ Alors</p>	<p>a) Seulement (I) et (IV) sont vraies b) Seulement (II), (III) et (V) sont vraies c) Seulement (III), (IV) et (V) sont vraies</p>	<p>25) $\int \frac{dx}{\tan^3 x}$</p>	<p>a) $-\left[\frac{1}{2 \sin^2 x} + \ln \sin x \right] + K$ b) $-\frac{1}{2 \tan^2 x} + K$ c) $\frac{1}{2 \arctan^2 x} + K$ K une constante</p>

